



Capitolo 2

L'informazione e la sua codifica

Informatica e Informazione
La codifica dell'informazione



Informazione e Informatica

Informatica e telecomunicazione



➤ Cos'è l'informatica?

- lo studio sistematico degli algoritmi che descrivono e trasformano l'informazione: la loro teoria, analisi, progetto, efficienza, realizzazione e applicazione

[ACM - Association for Computing Machinery]

- la scienza della rappresentazione e dell'elaborazione dell'informazione

➤ Cos'è la telecomunicazione?

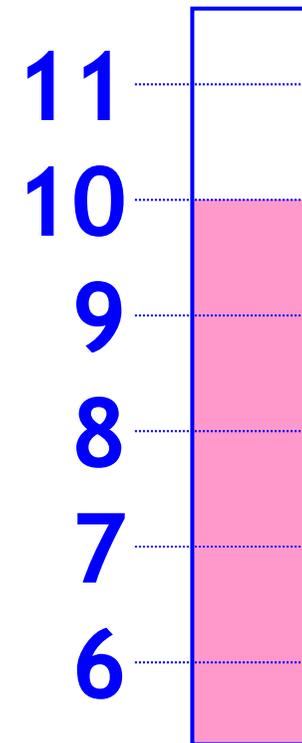
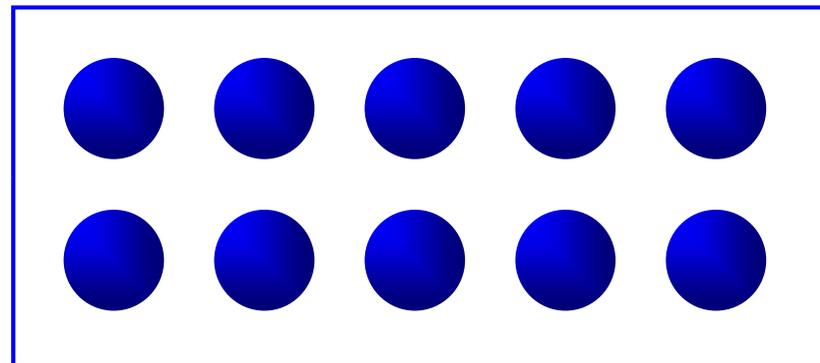
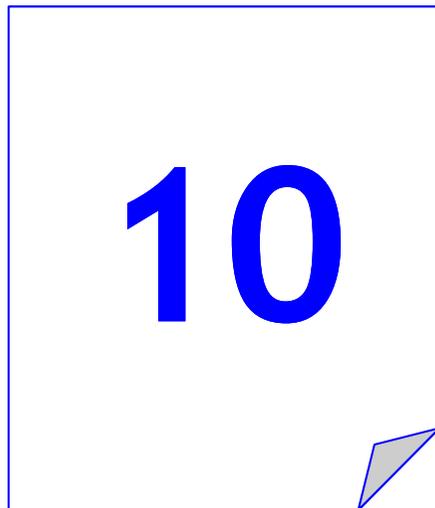
- la trasmissione rapida a distanza dell'informazione

Informazione e supporto

- L'informazione è “portata da”, o “trasmessa su”, o “memorizzata in”, o “contenuta in” qualcosa; questo “qualcosa” però non è l'informazione stessa.
- Ogni supporto ha le sue caratteristiche in quanto mezzo su cui può essere scritta dell'informazione.

Informazione e supporti (1)

La stessa informazione può essere scritta
su **supporti differenti**.



Informazione e supporto (2)

- Distinguere informazione e supporto fisico è distinguere tra “**entità logiche**” ed “**entità fisiche**”:
 - l’informazione **richiede un supporto fisico**, ma non coincide con esso;
 - l’informazione è un’entità **extra-fisica**, non interpretabile in termini di materia-energia e sottoposta alle leggi della fisica solo perché basata su un supporto fisico.

- L’informazione si può **creare e distruggere**.

Quali caratteristiche deve avere un sistema fisico per supportare informazioni?

- Si ottiene informazione quando, dato un insieme di alternative possibili, la lettura del supporto ne elimina alcune e ne seleziona altre.
- **Condizione necessaria** perché un supporto possa portare informazione è che possa assumere **configurazioni differenti**, a ognuna delle quali venga associata una differente **entità di informazione**.

Supporto fisico: 1^a condizione



- Deve consentire di potere identificare delle differenze
 - Es: voglio rappresentare 2 alternative



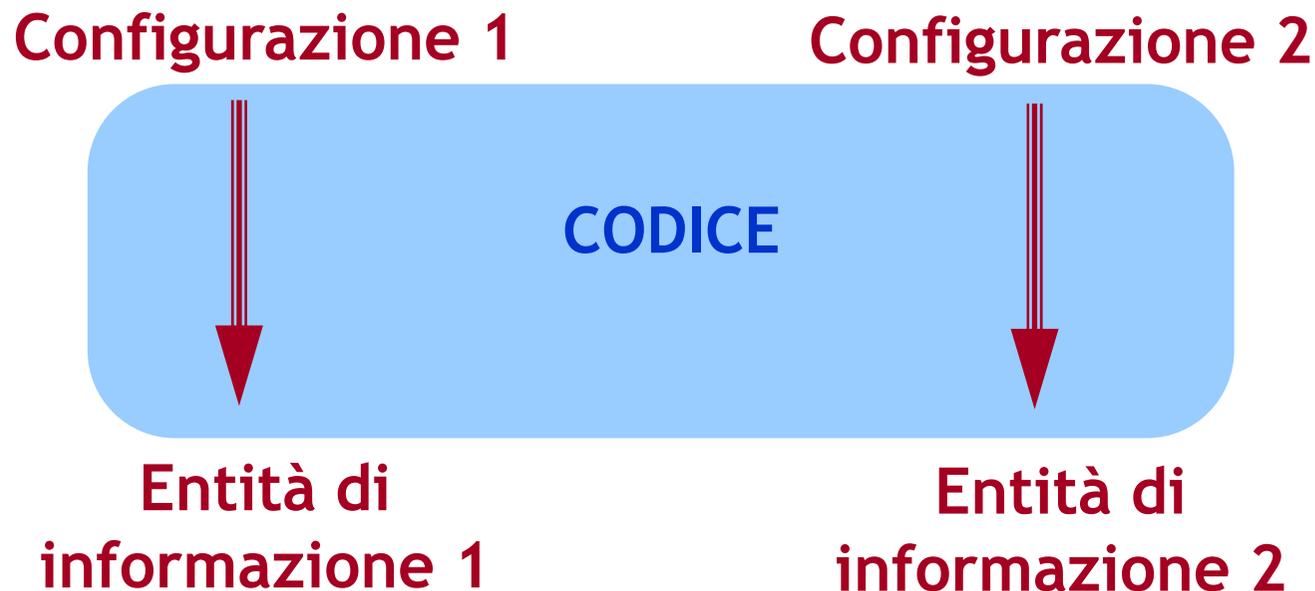
- Cosa **rappresenta** ciascuna configurazione?

Configurazioni e codici

- A ogni configurazione del supporto deve essere associata un'entità di informazione:
 - Prima Configurazione = interruttore “ON” = “Divina Commedia”;
 - Seconda Configurazione = interruttore “OFF” = “I Promessi Sposi”.
- Per interpretare le differenti configurazioni del supporto in termini di informazione è necessario conoscere il **codice** (cioè la regola) che a ogni **configurazione ammessa del supporto associa un'entità di informazione**.
- La definizione di un codice comporta che siano identificati in modo non ambiguo l'insieme delle **possibili configurazioni** del supporto e l'insieme delle **possibili entità di informazione** a cui ci si vuole riferire.
- Variando il codice è possibile riferirsi a entità di informazione differenti utilizzando uno stesso supporto fisico.

Supporto fisico: 2a condizione

Deve essere **condivisa** una regola per attribuire un **significato** a ciascuna configurazione

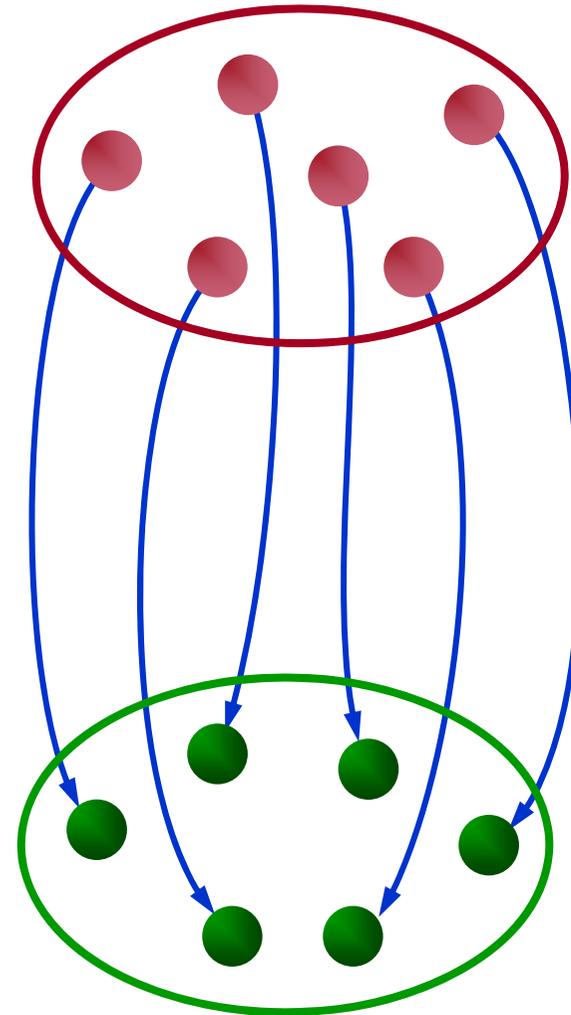


Definire un codice

➤ Identificare

- { Configurazioni }
- { Entità informazione }

➤ Associare gli elementi dei 2 insiemi



Teoria dell'informazione

- **Ambito di applicazione:** caratterizzare le condizioni per la trasmissione di segnali in termini di
 - **adeguatezza** del supporto adottato per la trasmissione
 - **accuratezza** della trasmissione stessa.
- **Quali problemi si pone:**
 - un certo supporto può essere utilizzato per la memorizzazione di una certa quantità di informazione?
 - con quale velocità una certa quantità di informazione può essere trasferita a distanza mediante un certo supporto?
 - con quale grado di accuratezza un certo messaggio è stato trasmesso?
- **La presenza di informazione è condizionata dal fatto che il supporto sia in grado di assumere **diverse configurazioni**.**



La codifica dell'informazione

Codifica dati e istruzioni

➤ **Algoritmo**

- **descrizione** della **soluzione di problema** scritta in modo da poter essere eseguita da un **esecutore** (eventualmente diverso dall'autore dell'algoritmo)
- sequenza di **istruzioni** che operano su **dati**.

➤ **Programma**

- **algoritmo** scritto in modo da poter essere eseguito da un **calcolatore** (esecutore automatico)

- Per scrivere un **programma** è necessario rappresentare **istruzioni** e **dati** in un formato tale che **l'esecutore automatico** sia capace di **memorizzare e manipolare**.

Codifica dati e istruzioni

➤ Alfabeto dei simboli

- cifre “0”, “1”, ..., “9”, separatore decimale (“.”), separatore delle migliaia (“.”) e segni positivo (“+”) o negativo (“-”).

➤ Regole di composizione (sintassi), che definiscono le successioni “ben formate”

- “1.234,5” è la rappresentazione di un numero;
- “1,23,45” non lo è.

➤ Codice (semantica)

- “1.234,5” = $1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10^1 + 4 \times 10^0 + 5 \times 10^{-1}$
- “1,23,45” = ??

➤ Lo stesso alfabeto può essere utilizzato con codici diversi:

- “123,456” = $1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0 + 4 \times 10^{-1} + 5 \times 10^{-2} + 6 \times 10^{-3}$, [IT]
- “123,456” = $1 \times 10^5 + 2 \times 10^4 + 3 \times 10^3 + 4 \times 10^2 + 5 \times 10^1 + 6 \times 10^0$, [UK]

Codifica Binaria

- **Alfabeto binario:** usiamo dispositivi con solo due stati
- **Problema:** assegnare un **codice univoco** a tutti gli oggetti compresi in un insieme predefinito (e.g. studenti)

- **Quanti oggetti** posso codificare con **k bit**:
 - 1 bit \Rightarrow 2 stati (0, 1) \Rightarrow 2 oggetti (e.g. Vero/Falso)
 - 2 bit \Rightarrow 4 stati (00, 01, 10, 11) \Rightarrow 4 oggetti
 - 3 bit \Rightarrow 8 stati (000, 001, ..., 111) \Rightarrow 8 oggetti
 - ...
 - **k bit \Rightarrow 2^k stati \Rightarrow 2^k oggetti**

- **Quanti bit** mi servono per codificare **N oggetti**:
 - $N \leq 2^k \Rightarrow k \geq \log_2 N \Rightarrow k = \lceil \log_2 N \rceil$ (intero superiore)

- **Attenzione:**
ipotesi implicita che i codici abbiano tutti la **stessa lunghezza**

Esempio di codifica binaria

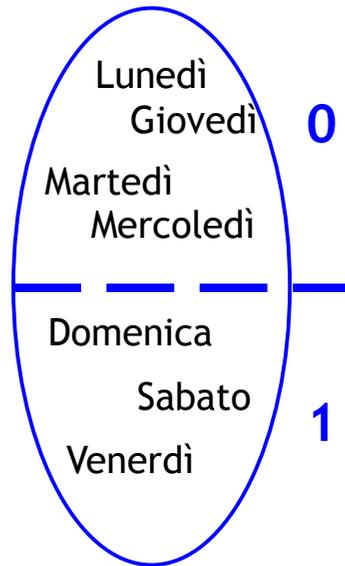
- **Problema:**
assegnare un codice binario univoco a tutti i giorni della settimana

- **Giorni della settimana:** $N = 7 \Rightarrow k \geq \log_2 7 \Rightarrow k = 3$

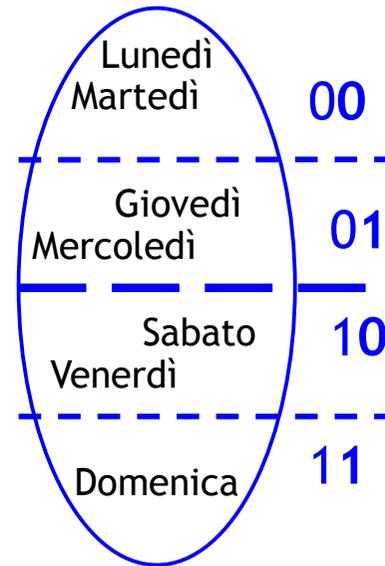
- **Con 3 bit possiamo ottenere 8 diverse configurazioni:**
 - Ne servono 7, quali utilizziamo?
 - Quale configurazione associamo a quale giorno?

- **Attenzione:**
ipotesi che i codici abbiano tutti la stessa lunghezza

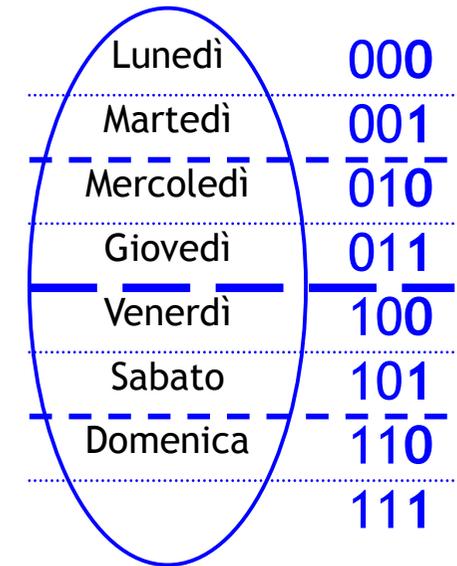
I giorni della settimana in binario (1)



1 bit
2 “gruppi”

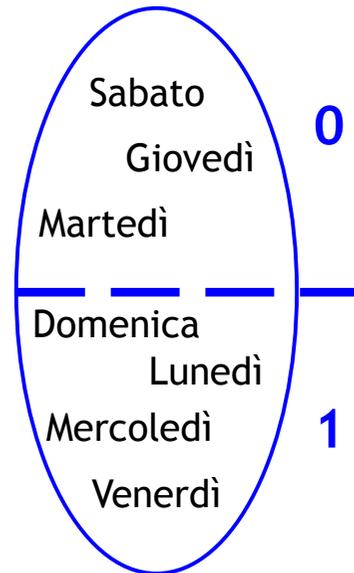


2 bit
4 “gruppi”

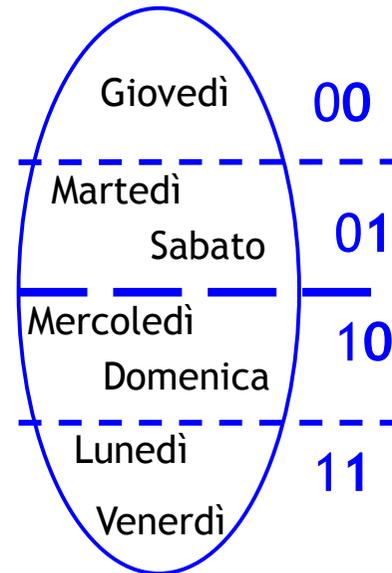


3 bit
8 “gruppi”

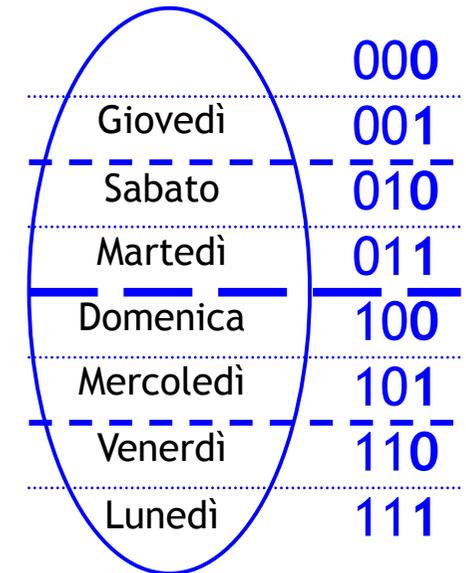
I giorni della settimana in binario (2)



1 bit
2 “gruppi”



2 bit
4 “gruppi”



3 bit
8 “gruppi”

Codifica binaria dei caratteri



➤ Quanti sono gli oggetti compresi nell'insieme?

- 26 lettere maiuscole + 26 minuscole \Rightarrow 52
- 10 cifre
- Circa 30 segni d'interpunzione
- Circa 30 caratteri di controllo (EOF, CR, LF, ...)

circa 120 oggetti complessivi $\Rightarrow k = \lceil \log_2 120 \rceil = 7$

➤ Codice ASCII: utilizza 7 bit e quindi può rappresentare al massimo $2^7=128$ caratteri

- Con 8 bit (= byte) rappresento 256 caratteri (ASCII esteso)
- Si stanno diffondendo codici più estesi (e.g. UNICODE) per rappresentare anche i caratteri delle lingue orientali

ASCII su 7 bit

	0000	0001	0010	0011	0100	0101	0110	0111	1000	1001	1010	1011	1100	1101	1110	1111
010	sp	!	"	#	\$	%	&	'	()	*	+	,	-	.	/
011	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	:	;	<	=	>	?
100	@	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
101	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	[\]	^	_
110	`	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o
111	p	q	r	s	t	u	v	w	x	Y	z	{		}	~	canc

bit, Byte, KiloByte, MegaByte, ...

bit = solo due stati, “0” oppure “1”.

Byte = 8 bit, quindi $2^8 = 256$ stati

KiloByte [KB] = 2^{10} Byte = 1024 Byte ~ 10^3 Byte

MegaByte [MB] = 2^{20} Byte = 1'048'576 Byte ~ 10^6 Byte

GigaByte [GB] = 2^{30} Byte ~ 10^9 Byte

TeraByte [TB] = 2^{40} Byte ~ 10^{12} Byte

PetaByte [PB] = 2^{50} Byte ~ 10^{15} Byte

ExaByte [EB] = 2^{60} Byte ~ 10^{18} Byte

Lo standard IEC per i prefissi binari

Grandezza	Nome	Simbolo		Dimensione	SI	Diff. %
Kilo binario	Kibi	Ki	2^{10}	1'024	10^3	2.40%
Mega binario	Mebi	Mi	$(2^{10})^2$	1'048'576	$(10^3)^2$	4.86%
Giga binario	Gibi	Gi	$(2^{10})^3$	1'073'741'824	$(10^3)^3$	7.37%
Tera binario	Tebi	Ti	$(2^{10})^4$	1'099'511'627'776	$(10^3)^4$	9.95%
Peta binario	Pebi	Pi	$(2^{10})^5$	1'125'899'906'842'624	$(10^3)^5$	12.59%
Exa binario	Exbi	Ei	$(2^{10})^6$	1'152'921'504'606'846'976	$(10^3)^6$	15.29%
Zetta binario	Zebi	Zi	$(2^{10})^7$	1'180'591'620'717'411'303'424	$(10^3)^7$	18.06%
Yotta binario	Yobi	Yi	$(2^{10})^8$	1'208'925'819'614'629'174'706'176	$(10^3)^8$	20.89%

➤ Usando questi prefissi si può risolvere l'ambiguità

- capacità di un disco fisso: 120 GB = 111.76 GiB,
- capacità di un floppy: 1.406 MiB = 1.475 MB

La codifica delle istruzioni

- Si segue lo schema presentato per i caratteri alfanumerici:
 - **quali e quante** sono le istruzioni da codificare?
 - qual è la **lunghezza** delle successioni di bit da utilizzare ?
 - qual è la **corrispondenza** tra istruzioni e successioni di bit ?

Istruzioni aritmetico-logiche	
Codice	Istruzione
0111 1100	ADD
0111 1101	SUB
0111 1110	AND
...

Istruzioni per il trasferimento dati	
Codice	Istruzione
1110 1000	LOAD
1111 1000	STORE
...
...

Istruzioni di controllo	
Codice	Istruzione
0100 1001	IF_EQ
0100 1000	GOTO
0100 1100	RETURN
...

Numeri naturali

➤ Sistema di numerazione posizionale in base b

- $c_k c_{k-1} \dots c_0$ rappresenta $c_k \times b^k + c_{k-1} \times b^{k-1} + \dots + c_0 \times b^0$
- $b=10 \Rightarrow 1101_{\text{dieci}}$ indica $1 \times 10^3 + 1 \times 10^2 + 0 \times 10 + 1 \times 10^0$

➤ Conversione **binario** \Rightarrow **decimale**

- basta scrivere il numero secondo la notazione posizionale utilizzando già il sistema decimale
- $b=2 \Rightarrow 1101_{\text{due}}$ indica $1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2 + 1 \times 2^0 = 13_{\text{dieci}}$

➤ Conversione **decimale** \Rightarrow **binario**

- Si potrebbe utilizzare lo stesso metodo indicato sopra, ma è molto complesso
- $b=10 \Rightarrow 345_{\text{dieci}}$ indica $11 \times 1010^{10} + 100 \times 1010^1 + 101 \times 1010^0$

Conversione binario \Rightarrow decimale

$$\begin{aligned}
 101100_{\text{due}} &= 1_{\text{dieci}} \times 2_{\text{dieci}}^5 + 0_{\text{dieci}} \times 2_{\text{dieci}}^4 + 1_{\text{dieci}} \times 2_{\text{dieci}}^3 + 1_{\text{dieci}} \times 2_{\text{dieci}}^2 + 0_{\text{dieci}} \times 2_{\text{dieci}}^1 + \\
 &\quad + 0_{\text{dieci}} \times 2_{\text{dieci}}^0 = \\
 &= 1_{\text{dieci}} \times 32_{\text{dieci}} + 0_{\text{dieci}} \times 16_{\text{dieci}} + 1_{\text{dieci}} \times 8_{\text{dieci}} + 1_{\text{dieci}} \times 4_{\text{dieci}} + 0_{\text{dieci}} \times 2_{\text{dieci}} \\
 &\quad + 0_{\text{dieci}} \times 1_{\text{dieci}} = \\
 &= 32_{\text{dieci}} + 8_{\text{dieci}} + 4_{\text{dieci}} = \\
 &= 44_{\text{dieci}}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 101110101_{\text{due}} &= 1_{\text{dieci}} \times 2_{\text{dieci}}^8 + 0_{\text{dieci}} \times 2_{\text{dieci}}^7 + 1_{\text{dieci}} \times 2_{\text{dieci}}^6 + 1_{\text{dieci}} \times 2_{\text{dieci}}^5 + 1_{\text{dieci}} \times 2_{\text{dieci}}^4 + \\
 &\quad 0_{\text{dieci}} \times 2_{\text{dieci}}^3 + 1_{\text{dieci}} \times 2_{\text{dieci}}^2 + 0_{\text{dieci}} \times 2_{\text{dieci}}^1 + 1_{\text{dieci}} \times 2_{\text{dieci}}^0 = \\
 &= 1_{\text{dieci}} \times 256_{\text{dieci}} + 0_{\text{dieci}} \times 128_{\text{dieci}} + 1_{\text{dieci}} \times 64_{\text{dieci}} + 1_{\text{dieci}} \times 32_{\text{dieci}} + \\
 &\quad 1_{\text{dieci}} \times 16_{\text{dieci}} + 0_{\text{dieci}} \times 8_{\text{dieci}} + 1_{\text{dieci}} \times 4_{\text{dieci}} + 0_{\text{dieci}} \times 2_{\text{dieci}} + 1_{\text{dieci}} \times 1_{\text{dieci}} = \\
 &= 256_{\text{dieci}} + 64_{\text{dieci}} + 32_{\text{dieci}} + 16_{\text{dieci}} + 4_{\text{dieci}} + 1_{\text{dieci}} = \\
 &= 373_{\text{dieci}}
 \end{aligned}$$

Conversione decimale \Rightarrow binario

- Sistema di numerazione posizionale in base B che, in questo contesto si può ipotizzare diversa da dieci

$$C_{n-1}C_{n-2}\dots C_1C_0 = C_{n-1} \times B^{n-1} + C_{n-2} \times B^{n-2} + \dots + C_1 \times B^1 + C_0 \times B^0$$

$$C_{n-1}C_{n-2}\dots C_1C_0 = C_{n-1} \times B^{n-1} + C_{n-2} \times B^{n-2} + \dots + C_1 \times B + C_0$$

(infatti $B^1 = B$ e $B^0 = 1$)

- Dividendo il numero per il valore della base, il risultato che si ottiene è:

$$\begin{aligned} (C_{n-1} \times B^{n-1} + C_{n-2} \times B^{n-2} + \dots + C_1 \times B + C_0) / B &= \\ = C_{n-1} \times B^{n-2} + C_{n-2} \times B^{n-3} + \dots + C_1 + C_0 / B \end{aligned}$$

- che può essere scomposto in modo da evidenziare quoziente e resto:

$$\text{quoziente} = C_{n-1} \times B^{n-2} + C_{n-2} \times B^{n-3} + \dots + C_1$$

$$\text{resto} = C_0$$

- Il resto della divisione corrisponde all'ultima cifra della rappresentazione in base B del numero, ma il suo valore è indipendente dalla base che si utilizza per effettuare i conti.
- Applicando lo stesso procedimento al quoziente si ottiene la penultima cifra della rappresentazione in base B
- Ripetendo la procedura è possibile ottenere tutte le altre cifre.

Conversione decimale \Rightarrow binario

(cifra binaria meno significativa)

$573_{\text{dieci}} : 2_{\text{dieci}} \Rightarrow$	<i>quoziente</i>	286_{dieci}	<i>resto</i>	1_{dieci}
$286_{\text{dieci}} : 2_{\text{dieci}} \Rightarrow$	<i>quoziente</i>	143_{dieci}	<i>resto</i>	0_{dieci}
$143_{\text{dieci}} : 2_{\text{dieci}} \Rightarrow$	<i>quoziente</i>	71_{dieci}	<i>resto</i>	1_{dieci}
$71_{\text{dieci}} : 2_{\text{dieci}} \Rightarrow$	<i>quoziente</i>	35_{dieci}	<i>resto</i>	1_{dieci}
$35_{\text{dieci}} : 2_{\text{dieci}} \Rightarrow$	<i>quoziente</i>	17_{dieci}	<i>resto</i>	1_{dieci}
$17_{\text{dieci}} : 2_{\text{dieci}} \Rightarrow$	<i>quoziente</i>	8_{dieci}	<i>resto</i>	1_{dieci}
$8_{\text{dieci}} : 2_{\text{dieci}} \Rightarrow$	<i>quoziente</i>	4_{dieci}	<i>resto</i>	0_{dieci}
$4_{\text{dieci}} : 2_{\text{dieci}} \Rightarrow$	<i>quoziente</i>	2_{dieci}	<i>resto</i>	0_{dieci}
$2_{\text{dieci}} : 2_{\text{dieci}} \Rightarrow$	<i>quoziente</i>	1_{dieci}	<i>resto</i>	0_{dieci}
$1_{\text{dieci}} : 2_{\text{dieci}} \Rightarrow$	<i>quoziente</i>	0_{dieci}	<i>resto</i>	1_{dieci}

(cifra binaria più significativa)

$$1\ 000\ 111\ 101_{\text{due}} = 573_{\text{dieci}}$$

Conversione decimale \Rightarrow binario

Si calcolano i resti delle divisioni per due

$$\begin{array}{r}
 18 : 2 = 9 \quad \text{resto } 0 \\
 9 : 2 = 4 \quad \text{resto } 1 \\
 4 : 2 = 2 \quad \text{resto } 0 \\
 2 : 2 = 1 \quad \text{resto } 0 \\
 1 : 2 = 0 \quad \text{resto } 1
 \end{array}$$



10010

$$\begin{array}{r}
 137 : 2 = 68 \quad \text{resto } 1 \\
 68 : 2 = 34 \quad \text{resto } 0 \\
 34 : 2 = 17 \quad \text{resto } 0 \\
 17 : 2 = 8 \quad \text{resto } 1 \\
 8 : 2 = 4 \quad \text{resto } 0 \\
 4 : 2 = 2 \quad \text{resto } 0 \\
 2 : 2 = 1 \quad \text{resto } 0 \\
 1 : 2 = 0 \quad \text{resto } 1
 \end{array}$$



10001001

Conversione decimale \Rightarrow binario

			18	2			
128	64	32	16	8	4	2	1
0	0	0	1	0	0	1	0

Numeri binari: operazioni

- Operazioni di somma di numeri binari naturali.
- Con gli 8 bit utilizzati negli esempi qui riportati si possono rappresentare i numeri naturali fino a 255_{dieci}.
- Operazioni che producono un risultato maggiore provocano il superamento della capacità di rappresentazione (indicato in gergo dal termine inglese **overflow**).

$ \begin{array}{r} 1\ 1 \\ 00011001_{\text{due}} + \\ 00111100_{\text{due}} = \\ \hline 01010101_{\text{due}} \end{array} $	$ \begin{array}{r} 25_{\text{dieci}} + \\ 60_{\text{dieci}} = \\ \hline 85_{\text{dieci}} \end{array} $	$ \begin{array}{r} 1\ 1 \\ 00101100_{\text{due}} + \\ 01001110_{\text{due}} = \\ \hline 01111010_{\text{due}} \end{array} $	$ \begin{array}{r} 44_{\text{dieci}} + \\ 78_{\text{dieci}} = \\ \hline 122_{\text{dieci}} \end{array} $
---	--	---	---

Numeri naturali binari nei calcolatori

- Per la codifica dei numeri **naturali** (interi positivi) si utilizzano abitualmente successioni di **32 bit** (4 byte) con cui si possono rappresentare i numeri compresi tra **0** e $2^{32}-1 = 4'294'967'295 \approx 4 \times 10^9$.
- Aumentando la lunghezza delle successioni il massimo numero rappresentabile cresce **esponenzialmente**: passando da 32 a 64 bit il massimo numero rappresentabile diventa $2^{64}-1 \approx 16 \times 10^{18} = 1.6 \times 10^{19}$.
- A causa del minor numero di simboli dell'alfabeto binario rispetto a quello decimale, un numero codificato in notazione binaria richiede più cifre rispetto a quelle impiegate in notazione decimale.

Numeri interi

➤ Alfabeto binario

- anche il segno è rappresentato da 0 o 1
- è indispensabile indicare il numero **k** di bit utilizzati

➤ Modulo e segno

- **1** bit di segno (0 positivo, 1 negativo)
- **k - 1** bit di modulo
 - Esempio: $+6_{\text{dieci}} = 0110_{\text{ms}}$ $-6_{\text{dieci}} = 1110_{\text{ms}}$
- si rappresentano i valori da $-2^{k-1}+1$ a $2^{k-1}-1$
 - con 4 bit i valori vanno da -7 a +7
 - con 8 bit i valori vanno da -127 a +127
- Attenzione: ci sono due rappresentazioni dello 0
 - con 4 bit sono $+0_{\text{dieci}} = 0000_{\text{ms}}$ $-0_{\text{dieci}} = 1000_{\text{ms}}$